

polazna pozicija **Seattle** (kanal Juan de Fucca)  $P_1$   $\varphi_1 = 47^\circ 37' N +$   $\lambda_1 = 122^\circ 20' W -$ dolazna pozicija **Yokohama** (rt Inubo Saki)  $P_2$   $\varphi_2 = 35^\circ 19' N +$   $\lambda_2 = 141^\circ 03' E +$ **Razlika geografske širine ( $\Delta\varphi$ ) između polazne i dolazne pozicije :**

$$\Delta\varphi = (\pm \varphi_2) - (\pm \varphi_1) = (+ 35^\circ 19') - (+ 47^\circ 37') = - 12^\circ 18' = - ((12 \cdot 60') + 18') = - 738'$$

predznak  $\Delta\varphi$  određuje kvadrant u kojem je KL**Razlika geografske dužine ( $\Delta\lambda$ ) između polazne i dolazne pozicije :**

$$\Delta\lambda = (\pm \lambda_2) - (\pm \lambda_1) = (+ 141^\circ 03') - (- 122^\circ 20') = + 263^\circ 23' = - 96^\circ 37' =$$

Ako  $\Delta\lambda$  prelazi  $180^\circ$ , oduzmi  $\Delta\lambda$  od  $360^\circ$  i promjeni predznak !!

$$\Delta\lambda = - ((96 \cdot 60') + 37') = - 5797'$$

predznak  $\Delta\lambda$  određuje kvadrant u kojem je KL**Razlika Merkatorovih širina ( $\Delta\varphi_M$ ) :****Nautička Tablica 5** - Merkatorove širine - uvećane širine (Zemlja kao elipsoid)

$\varphi$	$35^\circ$	$47^\circ$
19'	<b>2254,2</b>	3213,8
37'	2276,2	<b>3240,3</b>

s  $35^\circ$  (gore) i gdje se sječe s minutama 19' (sa strane)  $\Rightarrow 2254,2'$ s  $47^\circ$  (gore) i gdje se sječe s minutama 37' (sa strane)  $\Rightarrow 3240,3'$ za  $\varphi$  (N +) ili (S -) i vrijednost iz NT 5. ima predznak + ili -

$$\Delta\varphi_M = (\pm \varphi_{M2}) - (\pm \varphi_{M1}) = (+ 2254,2') - (+ 3240,3') = - 986,1' \quad \text{razlika Merkatorovih širina}$$

**Loksodromski kurs (KL) :**

$$\Delta\lambda \quad 5797'$$

$$\tan K_L = \frac{\Delta\lambda}{\Delta\varphi_M} = \frac{5797}{986,1'} = 5,878714126$$

$$K_L = 80,34609508^\circ = 80^\circ 20' 45,94'' \approx 80^\circ 20,8'$$

- Može se dogoditi da  $K_L$  dobijemo negativan, ali u svim dalnjim proračunima se  $K_L$  uvek uvršta pozitivan !!razlika širina ( $\Delta\varphi$ ) negativna (- 738')razlika dužina ( $\Delta\lambda$ ) negativna (- 5797')Oba predznaka su negativna,  
pravi loksodromski kurs je u III kvadrantu.

kvadrant	$\Delta\varphi$	$\Delta\lambda$	Pravi Loksodromski Kurs
I	+	+	$K_{PL} = K_L$
II	-	+	$K_{PL} = 180^\circ - K_L$
III	-	-	$K_{PL} = 180^\circ + K_L$
IV	+	-	$K_{PL} = 360^\circ - K_L$

$$K_{PL} = 180^\circ + K_L = 180^\circ + 80^\circ 20,8' = 260^\circ 20,8' \approx 260,5^\circ \quad \text{Pravi Loksodromski Kurs}$$

**Loksodromska udaljenost ( $D_L$ ) :**

$$D_L = \Delta\varphi \cdot \sec K_L \quad \text{ako je } K_L < 87^\circ$$

$$D_L = \Delta\lambda \cdot \cos \varphi_s \cdot \operatorname{cosec} K_L \quad \text{ako je } K_L > 87^\circ$$

$$1$$

$$\sec K_L = \frac{1}{\cos K_L} \quad \operatorname{cosec} K_L = \frac{1}{\sin K_L}$$

- Udaljenost ( $D_L$ ) možemo dobiti i kao negativnu vrijednost zbog predznaka ( $\Delta\varphi$ ), ali udaljenost se uvek uzima kao pozitivnu vrijednost (u formuli se  $\Delta\varphi$  uvrsti u minutama, a  $K_L$  se uvrsti u stupnjevima).

$$D_L = \Delta\varphi \cdot \sec K_L = \frac{\Delta\varphi}{\cos K_L} = \frac{738'}{\cos(80^\circ 20,8')} = \frac{738'}{0,167686481} = 4401,07 \text{ Nm}$$

$$\varphi_1 + \varphi_2$$

$$\varphi_s = \frac{2}{2}$$

**Ušteda**, odnosno razlika između loksodromske  $D_L$  i ortodromske udaljenosti  $D_O$ , ako plovimo ortodromom:

$$U = \Delta D = D_L - D_O = 4401' - 4120,6' = 280,4' = 280,4 \text{ Nm}$$

polazna pozicija **Seattle** (kanal Juan de Fucca)  $P_1$   $\varphi_1 = 47^\circ 37' N$  +  $\lambda_1 = 122^\circ 20' W$  -

dolazna pozicija **Yokohama** (rt Inubo Saki)  $P_2$   $\varphi_2 = 35^\circ 19' N$  +  $\lambda_2 = 141^\circ 03' E$  +

Razlika geografske dužine između međutočaka ortodrome  $\Delta\lambda_M = 15^\circ$

$$\Delta\lambda = \lambda_2 - \lambda_1 = 141^\circ 03' - (-122^\circ 20') = +263^\circ 23' = 263^\circ 23' E \quad (-360^\circ) =$$

$\Delta\lambda = -96^\circ 37' W$   $96^\circ 37' W$  je isti meridijan kao i  $263^\circ 23' E$  Plovimo prema **zapadu (W)** !

**Ortodromska udaljenost (Do) :**

$$\cos Do = \sin \varphi_1 \cdot \sin \varphi_2 + \cos \varphi_1 \cdot \cos \varphi_2 \cdot \cos \Delta\lambda \quad \Delta\lambda \text{ uvrsti u stupnjevima !!}$$

$$\cos Do = \sin(47^\circ 37') \cdot \sin(35^\circ 19') + \cos(47^\circ 37') \cdot \cos(35^\circ 19') \cdot \cos(-96^\circ 37')$$

$$\cos Do = 0,738651456 \cdot 0,578095004 + 0,674087551 \cdot 0,815969463 \cdot (-0,115226106)$$

$$\cos Do = 0,427010717 + (-0,063378374) = 0,3636323421$$

$$Do = 68,67656108 = 68^\circ 40' 35,62'' \approx 68^\circ 40,6'$$

$$Do = 68,67656108 \cdot 60' = 4120,59' \approx 4120,6' Nm$$

**Početni ortodromski kurs ( $K_{P\bar{C}}$ ) :**

$$\sin K_{P\bar{C}} = (\sin \Delta\lambda \cdot \cos \varphi_2) / \sin Do$$

$$\sin K_{P\bar{C}} = (\sin(-96^\circ 37') \cdot \cos(35^\circ 19')) / (\sin(68^\circ 40' 35,6'')) \quad Do \text{ uvrsti u stupnjevima !!}$$

$$\sin K_{P\bar{C}} = ((-0,993339289) \cdot 0,815969463) / 0,931543218$$

$$\sin K_{P\bar{C}} = (-0,810534526) / 0,931543218 = -0,8700993413$$

$$K_{P\bar{C}} = -60,47018565^\circ = -60^\circ 28' 12,67'' \approx 60^\circ 28,2' \quad \text{Koristimo pozitivan } K_{P\bar{C}} !!$$

**Pravi početni kurs ( $K_P$ ) je u kvadrantu :**

- ako plovimo prema istoku (E) na sjevernoj (N) polutki, kurs je u I kvadrantu :  $K_P = K_{P\bar{C}}$

- ako plovimo prema istoku (E) na južnoj (S) polutki, kurs je u II kvadrantu :  $K_P = 180^\circ - K_{P\bar{C}}$

- ako plovimo prema zapadu (W) na južnoj (S) polutki, kurs je u III kvadrantu :  $K_P = 180^\circ + K_{P\bar{C}}$

- ako plovimo prema zapadu (W) na sjevernoj (N) polutki, kurs je u IV kvadrantu :  $K_P = 360^\circ - K_{P\bar{C}}$

Plovimo prema zapadu ( $\Delta\lambda = 96^\circ 37' W$ ) na sjevernoj polutki ( $\varphi_1 = \varphi_2 = N$ ), kurs je u IV kvadrantu :

$$K_P = 360^\circ - K_{P\bar{C}} = 360^\circ - 60^\circ 28,2' = 299^\circ 31,8' \quad \text{pravi početni ortodromski kurs } K_P$$

**Koordinate vrha ortodrome :**

$$\cos \varphi_V = \cos \varphi_1 \cdot \sin K_{P\bar{C}}$$

$$\cos \varphi_V = \cos(47^\circ 37') \cdot \sin(60^\circ 28' 12,6'') \quad \text{Koristimo pozitivan } K_{P\bar{C}} \text{ (u stupnjevima, do } 90^\circ\text{), jer bi}\\ \text{dobili rezultat } \varphi_V = 125^\circ 54' 38,1'' \text{ što ne postoji !!}$$

$$\cos \varphi_V = 0,674087551 \cdot 0,870099178$$

$$\cos \varphi_V = 0,5865230241$$

$$\varphi_V = 54,08934229 = 54^\circ 05' 21,63'' \approx 54^\circ 05,4' N + \quad (\varphi_1 = \varphi_2 = \text{North})$$

**Geografska širina vrha ortodrome ( $\varphi_V$ ) je North, jer se nalazimo i plovimo na sjevernoj polutki !**

$$\cos \Delta\lambda_V = \tan \varphi_1 / \tan \varphi_V$$

$$\cos \Delta\lambda_V = \tan(47^\circ 37') / \tan(54^\circ 05' 21,6'')$$

$$\cos \Delta\lambda_V = 1,095779702 / 1,380904507 = 0,7935231556$$

$$\Delta\lambda_V = 37,48401431 = 37^\circ 29' 02,45'' \approx -37^\circ 29' W \quad (\Delta\lambda_V = \Delta\lambda = 96^\circ 37' \text{ West})$$

**Geografski predznak ( $\Delta\lambda_V$ ) se određuje prema predznaku ( $\Delta\lambda$ )  $\Rightarrow$  West, i takav  $\Delta\lambda_V$  ide u sljedeću formulu !**

**Geografska dužina vrha ortodrome ( $\lambda_V$ ) :**

$$\lambda_V = \lambda_1 + \Delta\lambda_V = (-122^\circ 20') + (-37^\circ 29') = -159^\circ 49' W \quad \text{Vrh ortodrome je na zapadu !}$$

**Geografsku dužinu vrha ortodrome smo dobili negativnu (-), što znači da je ( $\lambda_V$ ) zapadna (West) !**

Međutočke (**M**) ortodrome se označavaju indeksima (1,2,3...) koji pokazuju redoslijed od vrha ortodrome, prema istoku  $\Rightarrow E$  bez apostrofa ( $\lambda_{M1}$ ), a prema zapadu  $\Rightarrow W$  s apostrofom ( $\lambda_{M1}'$ ):

$$\begin{aligned}\lambda_{M1} &= \lambda_v + \Delta\lambda_M = -159^\circ 49' + 15^\circ = -144^\circ 49' W && \text{geo. dužina međutočke - prema istoku } E \\ \lambda_{M1}' &= \lambda_v - \Delta\lambda_M = -159^\circ 49' - 15^\circ = -174^\circ 49' W && \text{geo. dužina međutočke - prema zapadu' } W\end{aligned}$$

Vrijednost varijable ( $\Delta\lambda_M = 15^\circ$ ) je zadana u zadatku !!

$$\operatorname{tg} \varphi_{M1} = \operatorname{tg} \varphi_{M1}' = \cos \Delta\lambda_M \cdot \operatorname{tg} \varphi_v$$

$$\operatorname{tg} \varphi_{M1} = \operatorname{tg} \varphi_{M1}' = \cos(15^\circ) \cdot \operatorname{tg}(54^\circ 05,4') = 0,9659258263 \cdot 1,380938331$$

$$\operatorname{tg} \varphi_{M1} = \operatorname{tg} \varphi_{M1}' = 1,333883998$$

$$\varphi_{M1} = \varphi_{M1}' = 53,14145763 = 53^\circ 08' 29,25'' \approx 53^\circ 08,5' N$$

Međutočke  $M_1$  i  $M_1'$  imaju istu geografsku širinu ( $\varphi$ ) !!

Međutočka  $M_1$  i  $M_1'$  ima koordinate:

$$M_1 \text{ prema istoku East} \quad \varphi_{M1} = +53^\circ 08,5' N \quad \lambda_{M1} = -144^\circ 49' W$$

$$M_1' \text{ prema zapadu West} \quad \varphi_{M1}' = +53^\circ 08,5' N \quad \lambda_{M1}' = -174^\circ 49' W$$


---

$$\lambda_{M2} = \lambda_v + 2 \cdot \Delta\lambda_M = -159^\circ 49' + 30^\circ = -129^\circ 49' W$$

$$\lambda_{M2}' = \lambda_v - 2 \cdot \Delta\lambda_M = -159^\circ 49' - 30^\circ = -189^\circ 49' W = +170^\circ 11' E$$

$$\operatorname{tg} \varphi_{M2} = \operatorname{tg} \varphi_{M2}' = \cos(2 \cdot \Delta\lambda_M) \cdot \operatorname{tg} \varphi_v$$

$$\operatorname{tg} \varphi_{M2} = \operatorname{tg} \varphi_{M2}' = \cos(2 \cdot 15^\circ) \cdot \operatorname{tg}(54^\circ 05,4') = \cos(30^\circ) \cdot \operatorname{tg}(54^\circ 05,4')$$

$$\operatorname{tg} \varphi_{M2} = \operatorname{tg} \varphi_{M2}' = 0,8660254038 \cdot 1,380938331 = 1,195927676$$

$$\varphi_{M2} = \varphi_{M2}' = 50,09861127 = 50^\circ 05' 55'' \approx 50^\circ 05,9' N$$

Međutočke  $M_2$  i  $M_2'$  imaju istu geografsku širinu ( $\varphi$ ) !!

Međutočka  $M_2$  i  $M_2'$  ima koordinate:

$$M_2 \text{ prema istoku East} \quad \varphi_{M2} = +50^\circ 05,9' N \quad \lambda_{M2} = -129^\circ 49' W$$

$$M_2' \text{ prema zapadu West} \quad \varphi_{M2}' = +50^\circ 05,9' N \quad \lambda_{M2}' = +170^\circ 11' E$$


---

$$\lambda_{M3} = \lambda_v + 3 \cdot \Delta\lambda_M = -159^\circ 49' + 45^\circ = -114^\circ 49' W \quad \text{je istočnije od polazne pozicije } P_1$$

$P_1 (\lambda_1 = 122^\circ 20' W) \Rightarrow \lambda_{M3}$  je izvan plovog puta kojim plovimo - Ne treba nam !!

$$\lambda_{M3}' = \lambda_v - 3 \cdot \Delta\lambda_M = -159^\circ 49' - 45^\circ = -204^\circ 49' W = +155^\circ 11' E$$

$$\operatorname{tg} \varphi_{M3}' = \cos(3 \cdot \Delta\lambda_M) \cdot \operatorname{tg} \varphi_v$$

$$\operatorname{tg} \varphi_{M3}' = \cos(3 \cdot 15^\circ) \cdot \operatorname{tg}(54^\circ 05,4') = \cos(45^\circ) \cdot \operatorname{tg}(54^\circ 05,4')$$

$$\operatorname{tg} \varphi_{M3}' = 0,7071067812 \cdot 1,380938331 = 0,9764708582$$

$$\varphi_{M3}' = 44,31794752 = 44^\circ 19' 04,61'' \approx 44^\circ 19,1' N$$

Međutočka  $M_3'$  ima koordinate:

$$M_3' \text{ prema istoku East} \quad \varphi_{M3}' = +44^\circ 19,1' N \quad \lambda_{M3}' = +155^\circ 11' E$$


---

$$\lambda_{M4}' = \lambda_v - 4 \cdot \Delta\lambda_M = -159^\circ 49' - 60^\circ = -219^\circ 49' W = +140^\circ 11' E \quad \text{Nije potrebna !}$$

Dolazna pozicija je  $P_2 (\lambda_2 = 141^\circ 03' E)$ , pa međutočka  $\lambda_{M4}'$  nije potrebna - jer je izvan rute plovidbe!

